

## 24.4 弧长和扇形面积

第1课时 弧长和扇形面积公式

# A 自主课堂

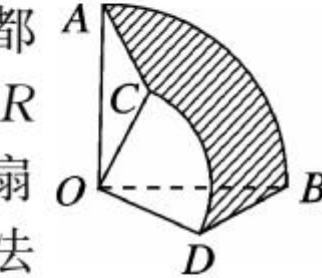
## 【要点导航】

- ①半径为  $R$  的圆的周长为 \_\_\_\_\_, 所以  $1^\circ$  的圆心角所对的弧长为 \_\_\_\_\_, 所以  $n^\circ$  的圆心角所对的弧长为 \_\_\_\_\_.
- ②由组成圆心角的 \_\_\_\_\_ 和圆心角所对的 \_\_\_\_\_ 所围成的图形叫做扇形.
- ③半径为  $R$  的圆的面积为 \_\_\_\_\_, 所以  $1^\circ$  的圆心角所对的扇形面积为 \_\_\_\_\_, 所以圆心角为  $n^\circ$  的扇形面积为 \_\_\_\_\_.

- ④半径为  $R$ , 弧长为  $l$  的扇形面积为 \_\_\_\_\_.

## 【经典导学】

- 【例 1】如图,圆心角都等于  $90^\circ$ ,半径分别为  $R$  和  $r$  的扇形  $AOB$  和扇形  $COD$ ,按图示的方法叠放在一起,连接  $AC, BD$ ,试求图中阴影部分的面积.

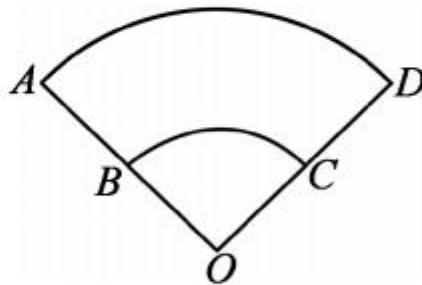


**破解思路:**将  $\triangle BOD$  绕点  $O$  逆时针旋转  $90^\circ$  到  $\triangle AOC$  的位置,故阴影部分的面积可转化为两扇形面积之差.

## 【学生解答】

【易错易混】公式运用错误.

【例 2】如图，已知扇形  $OBC$ ， $OAD$  的半径之间的关系是  $OB = \frac{1}{2} OA$ ，则  $\widehat{BC}$  的长是  $\widehat{AD}$  长的\_\_\_\_\_.



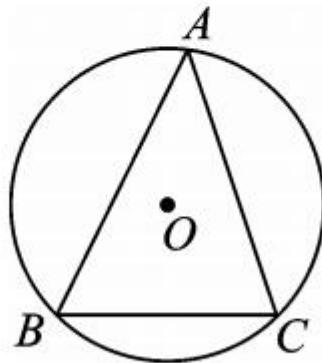
## 【学生解答】

# B 固本夯基

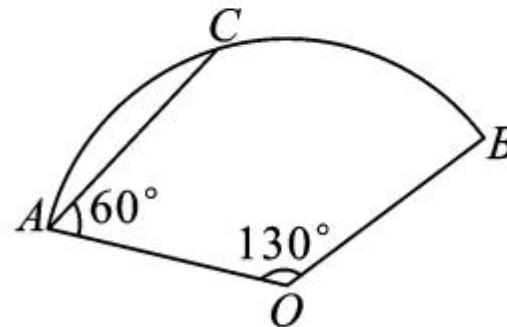
## ——逐点练

### 知识点 1 与弧长有关的计算

1.  $120^\circ$ 的圆心角所对的弧长是 $6\pi$ , 则此弧所在圆的半径是 ( )  
A. 3      B. 4      C. 9      D. 18
2. (绍兴市中考)如图,  $\triangle ABC$ 内接于 $\odot O$ ,  $\angle B=65^\circ$ ,  $\angle C=70^\circ$ . 若 $BC=2\sqrt{2}$ , 则 $\widehat{BC}$ 的长为 ( )  
A.  $\pi$       B.  $\sqrt{2}\pi$       C.  $2\pi$       D.  $2\sqrt{2}\pi$



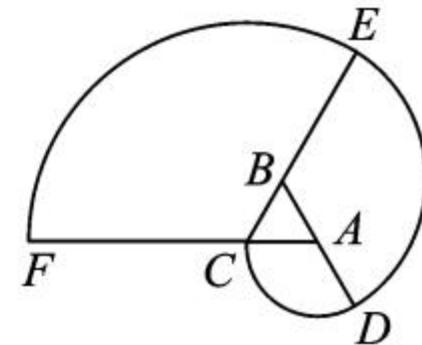
第 2 题图



第 3 题图

3. 如图, 在扇形  $OAB$  中,  $AC$  为弦,  $\angle AOB=130^\circ$ ,  $\angle CAO=60^\circ$ ,  $OA=6$ , 则 $\widehat{BC}$ 的长为 .

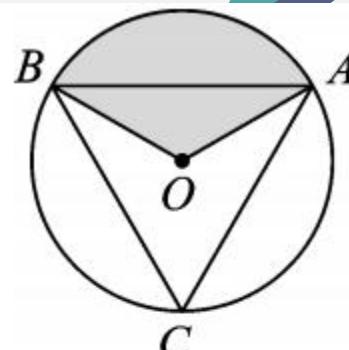
4. 如图,  $\triangle ABC$  是正三角形, 曲线  $CDEF$  叫做正三角形的渐开线, 其中弧  $CD$ , 弧  $DE$ , 弧  $EF$  的圆心依次是  $A, B, C$ , 如果  $AB=1$ , 求曲线  $CDEF$  的长.



## 知识点 2 与扇形面积有关的计算

5. (长沙市中考)一个扇形的半径为 6, 圆心角为  $120^\circ$ , 则这个扇形的面积是 ( )
- A.  $2\pi$       B.  $4\pi$   
C.  $12\pi$       D.  $24\pi$

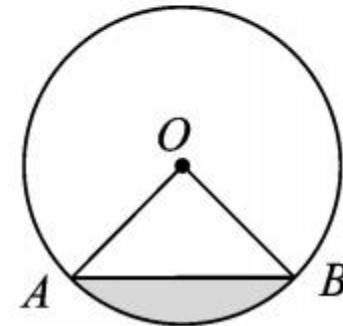
6. 如图,  $\triangle ABC$  是  $\odot O$  的内接正三角形,  $\odot O$  的半径为 3, 则图中阴影部分的面积是 ( )



- A.  $\pi$       B.  $2\pi$   
 C.  $3\pi$       D.  $4\pi$

7. (哈尔滨市中考)一个扇形的弧长是  $11\pi$  cm, 半径是 18 cm, 则此扇形的圆心角是 度.

8. (教材 P<sub>112</sub> 例 2 变式) 如图, 已知  $\odot O$  的周长为  $4\pi$ ,  $\widehat{AB}$  的长为  $\pi$ , 求图中阴影部分的面积.

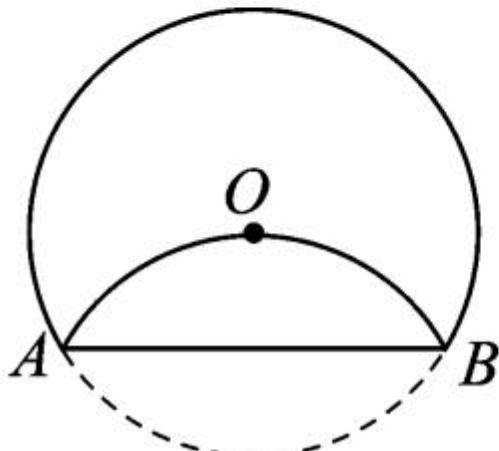


# C 整合运用

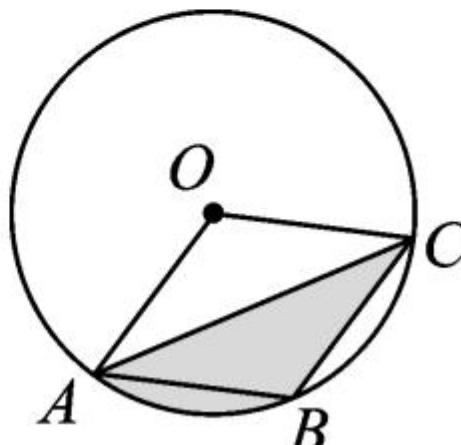
——提能力

9. (泰安市中考)如图,将 $\odot O$ 沿弦 $AB$ 折叠, $\widehat{AB}$ 恰好经过圆心 $O$ ,若 $\odot O$ 的半径为3,则 $\widehat{AB}$ 的长为 ( )

- A.  $\frac{1}{2}\pi$       B.  $\pi$       C.  $2\pi$       D.  $3\pi$



第 9 题图

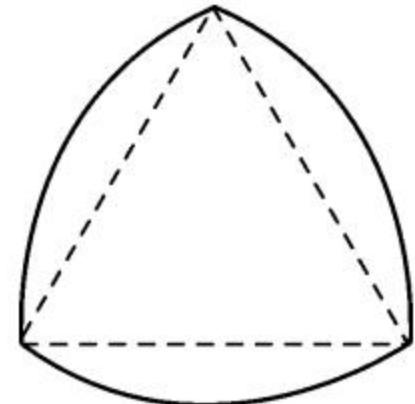


第 10 题图

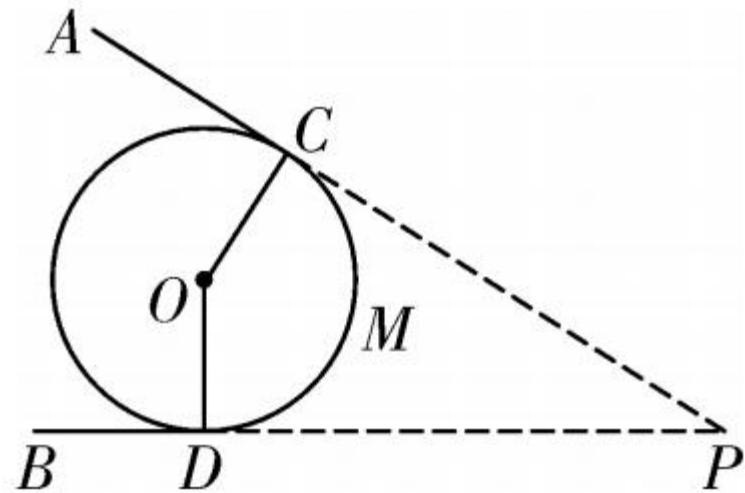
10. (南充市中考)如图,在半径为 6 的  $\odot O$  中,点 A, B, C 都在  $\odot O$  上,四边形 OABC 是平行四边形,则图中阴影部分的面积为 ( )

- A.  $6\pi$       B.  $3\sqrt{3}\pi$       C.  $2\sqrt{3}\pi$       D.  $2\pi$

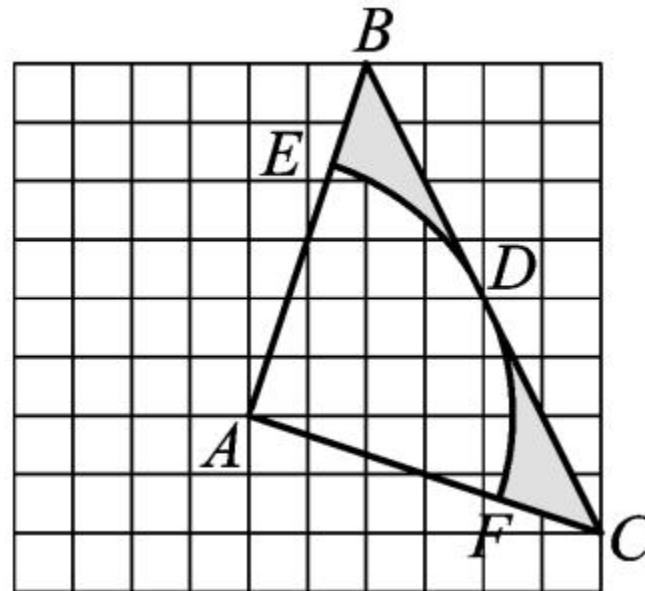
11. (泰州市中考)如图,分别以正三角形的 3 个顶点为圆心,边长为半径画弧,三段弧围成的图形称为莱洛三角形,若正三角形边长为 6cm,则该莱洛三角形的周长为 \_\_\_\_\_ cm.



12. (原创题)如图所示,一根绳子与半径为 30cm 的滑轮的接触部分是  $\widehat{CMD}$ , 绳子 AC 段和 BD 段所在直线成  $30^\circ$  的角, 求接触部分  $\widehat{CMD}$  的长. (精确到 0.1cm)



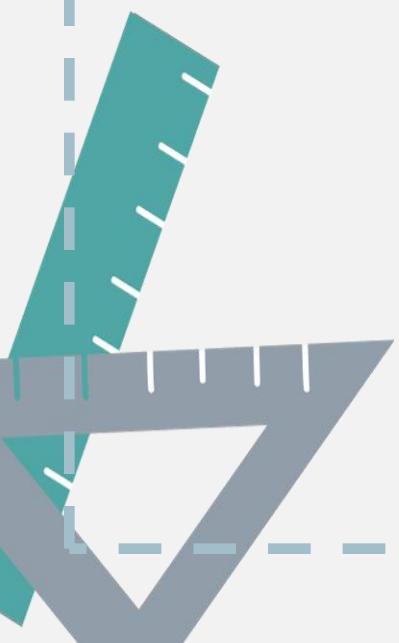
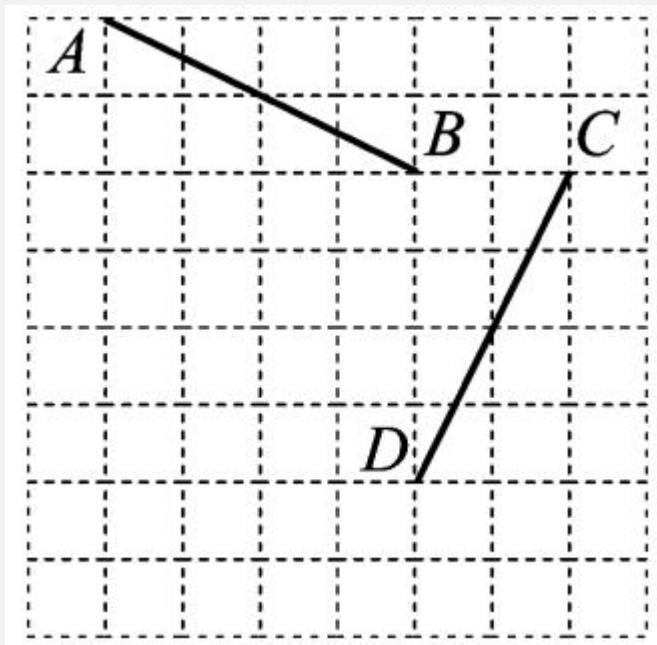
13. (广东省中考)在如图所示的网格中,每个小正方形的边长为 1,每个小正方形的顶点叫格点,  $\triangle ABC$  的三个顶点均在格点上,以点 A 为圆心的  $\overset{\frown}{EF}$  与 BC 相切于点 D,分别交 AB,AC 于点 E,F.
- (1)求  $\triangle ABC$  三边的长.
- (2)求图中由线段 EB,BC,CF 及  $\overset{\frown}{FE}$  所围成的阴影部分的面积.





14. 如图,在边长为 1 的正方形网格中, $A(1,7)$ 、 $B(5,5)$ 、 $C(7,5)$ 、 $D(5,1)$ .

- (1) 将线段  $AB$  绕点  $B$  逆时针旋转, 得到对应线段  $BE$ . 当  $BE$  与  $CD$  第一次平行时, 画出点  $A$  运动的路径, 并直接写出点  $A$  运动的路径长;
- (2) 线段  $AB$  与线段  $CD$  存在一种特殊关系, 即其中一条线段绕着某点旋转一个角度可以得到另一条线段, 直接写出这个旋转中心的坐标.



# D 思维拓展

## ——素养

15. (亮点题)如图,在正方形  $ABCD$  中,  $AD=2$ ,  $E$  是  $AB$  的中点, 将  $\triangle BEC$  绕点  $B$  逆时针旋转  $90^\circ$  后, 点  $E$  落在  $CB$  的延长线上点  $F$  处, 点  $C$  落在点  $A$  处, 再将线段  $AF$  绕点  $F$  顺时针旋转  $90^\circ$  得线段  $FG$ , 连接  $EF$ ,  $CG$ .

(1) 求证:  $EF \parallel CG$ ;

(2) 求点  $C$ , 点  $A$  在旋转过程中形成的  $\widehat{AC}$ ,  $\widehat{AG}$  与线段  $CG$  所围成的阴影部分的面积.

